

## Тема 9. Корень натуральной степени

Корень натуральной степени	Корень натуральной степени	Корень натуральной степени	Корень натуральной степени
<p><b>Вариант 9.1.1</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[5]{32} + \sqrt[3]{8} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{81} \cdot \sqrt[4]{625} =</math>      3) <math>\sqrt[3]{16} \cdot \sqrt[3]{4} =</math>      4) <math>\sqrt[4]{3} \cdot \sqrt[4]{27} =</math>      5) <math>\sqrt[4]{\frac{16}{81}} =</math>      6) <math>\sqrt[3]{2\frac{10}{27}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[3]{24}}{\sqrt[3]{3}} =</math>      8) <math>\sqrt[7]{11^7} =</math>      9) <math>\sqrt[5]{(-14)^5} =</math>      10) <math>(\sqrt[7]{-12})^7 =</math>      11) <math>(\sqrt[3]{-9})^6 =</math>      12) <math>\sqrt[3]{-17^6} =</math></p>	<p><b>Вариант 9.1.2</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[4]{81} + \sqrt[3]{27} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{16} \cdot \sqrt[3]{216} =</math>      3) <math>\sqrt[3]{25} \cdot \sqrt[3]{5} =</math>      4) <math>\sqrt[2]{\sqrt[4]{4}} =</math>      5) <math>\sqrt[3]{\frac{25}{64}} =</math>      6) <math>\sqrt[4]{5\frac{1}{16}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[5]{160}}{\sqrt[5]{5}} =</math>      8) <math>\sqrt[6]{15^6} =</math>      9) <math>\sqrt[5]{(-55)^5} =</math>      10) <math>(\sqrt[9]{-32})^9 =</math>      11) <math>(\sqrt[7]{-14})^{14} =</math>      12) <math>\sqrt[9]{-7^{18}} =</math></p>	<p><b>Вариант 9.1.3</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[5]{243} - \sqrt[3]{-125} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{16} \cdot \sqrt[5]{-3125} =</math>      3) <math>\sqrt[4]{0,027} \cdot \sqrt[4]{0,3} =</math>      4) <math>\sqrt[2]{\sqrt[6]{8}} =</math>      5) <math>\sqrt[6]{\frac{25^3}{64}} =</math>      6) <math>\sqrt[3]{-1\frac{61}{64}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt{-256}}{\sqrt[7]{2}} =</math>      8) <math>\sqrt[7]{-31^7} =</math>      9) <math>\sqrt[5]{(-19)^5} =</math>      10) <math>(\sqrt[7]{-11})^{14} =</math>      11) <math>(\sqrt[3]{-3})^9 =</math>      12) <math>\sqrt[6]{169^3} =</math></p>	<p><b>Вариант 9.1.4</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[5]{-32} - \sqrt[3]{-8} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{81} \cdot \sqrt[8]{49^4} =</math>      3) <math>\sqrt[3]{-32} \cdot \sqrt[3]{-2} =</math>      4) <math>\sqrt[3]{3} \cdot \sqrt[6]{3^3}</math>      5) <math>\sqrt[5]{-\frac{3^3 \cdot 9}{32}} =</math>      6) <math>\sqrt[5]{-7\frac{19}{32}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[6]{54^2}}{\sqrt[3]{-2}} =</math>      8) <math>\sqrt[7]{-12^{14}} =</math>      9) <math>\sqrt[8]{(-18)^8} =</math>      10) <math>(\sqrt[7]{-5})^{21} =</math>      11) <math>(-\sqrt[5]{-10})^{20} =</math>      12) <math>\sqrt[3]{-6^9} =</math></p>
<p><b>Вариант 9.2.1</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[6]{4} \cdot \sqrt[6]{2} \cdot \sqrt[6]{8} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{27} \cdot (\sqrt[3]{-4})^3 \cdot \sqrt[4]{3} =</math>      3) <math>\sqrt{12} \cdot \sqrt[4]{25^2} \cdot \sqrt{3} =</math>      4) <math>\frac{\sqrt[3]{6}}{\sqrt[3]{16} \cdot \sqrt[3]{81}} =</math>      5) <math>\frac{\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[4]{(-36)^2}}{\sqrt[3]{54}} =</math>      6) <math>\frac{\sqrt[5]{4^3} \cdot \sqrt[5]{16}}{\sqrt[6]{125^2}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[7]{-23^{11}}}{(\sqrt[7]{23})^4} =</math>      8) <math>\frac{\sqrt[3]{12} \cdot \sqrt[3]{10}}{\sqrt[3]{15}} =</math></p>	<p><b>Вариант 9.2.2</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[5]{3} \cdot \sqrt[5]{9} \cdot \sqrt[5]{9} =</math>      2) <math>\sqrt[3]{25} \cdot (\sqrt[5]{-11})^5 \cdot \sqrt[3]{5} =</math>      3) <math>\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[6]{81^3} \cdot \sqrt[3]{4} =</math>      4) <math>\frac{\sqrt[5]{320}}{\sqrt[5]{2} \cdot \sqrt[5]{5}} =</math>      5) <math>\frac{\sqrt[3]{4} \cdot \sqrt[4]{(-144)^2}}{\sqrt[3]{500}} =</math>      6) <math>\frac{\sqrt[5]{7^3} \cdot \sqrt[5]{49}}{\sqrt[6]{64^2}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[9]{-43^{11}}}{(-\sqrt[9]{43})^2} =</math>      8) <math>\frac{\sqrt[4]{12} \cdot \sqrt[4]{28}}{\sqrt[4]{21}} =</math></p>	<p><b>Вариант 9.2.3</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[7]{125} \cdot \sqrt[7]{25} \cdot (\sqrt[7]{5})^2 =</math>      2) <math>\sqrt[4]{125} \cdot (\sqrt[4]{2})^3 \cdot \sqrt[4]{10} =</math>      3) <math>\sqrt{18} \cdot \sqrt[6]{125^2} \cdot \sqrt{2} =</math>      4) <math>\frac{\sqrt[4]{5}}{\sqrt[4]{80} \cdot \sqrt[4]{81}} =</math>      5) <math>\frac{\sqrt[3]{3} \cdot \sqrt[4]{(-16)^2}}{\sqrt[3]{24}} =</math>      6) <math>\frac{\sqrt[7]{4^3} \cdot \sqrt[7]{2}}{\sqrt[6]{225^3}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[7]{-7^{17}}}{(\sqrt[7]{7})^3} =</math>      8) <math>\frac{\sqrt[3]{15} \cdot \sqrt[3]{50}}{\sqrt[3]{6}} =</math></p>	<p><b>Вариант 9.2.4</b> Вычислить:</p> <p>1) <math>\sqrt[6]{81} \cdot \sqrt[6]{3^2} =</math>      2) <math>\sqrt[3]{9} \cdot (\sqrt[3]{-4})^2 \cdot \sqrt[3]{12} =</math>      3) <math>\sqrt[6]{8} \cdot \sqrt[4]{17^2} \cdot \sqrt{34} =</math>      4) <math>\frac{\sqrt[4]{9}}{\sqrt[3]{125} \cdot \sqrt[6]{27}} =</math>      5) <math>\frac{\sqrt[3]{-250} \cdot \sqrt[4]{(-49)^2}}{\sqrt[3]{2}} =</math>      6) <math>\frac{\sqrt[5]{11^3} \cdot \sqrt[5]{121}}{\sqrt[6]{64^2}} =</math>      7) <math>\frac{\sqrt[5]{-6^{14}}}{(\sqrt[5]{6})^4} =</math>      8) <math>\frac{\sqrt[4]{48} \cdot \sqrt[4]{50000}}{\sqrt[4]{15}} =</math></p>

Корень натуральной степени <i>Вариант 9.3.1</i>	Корень натуральной степени <i>Вариант 9.3.2</i>	Корень натуральной степени <i>Вариант 9.4.1</i>	Корень натуральной степени <i>Вариант 9.4.2</i>
<p>Вынести множитель из-под знака корня:</p> <p>1) <math>\sqrt[3]{24} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{80} =</math>      3) <math>\sqrt[6]{x^7} =</math>      4) <math>\sqrt[8]{a^8} =</math>      5) <math>\sqrt[4]{x^5 y^9} =</math>, если <math>x &lt; 0, y &lt; 0</math>      6) <math>\sqrt[6]{128a^8} =</math>, если <math>a &lt; 0</math>      7) <math>\sqrt{\frac{a^3}{8}} =</math>      8) <math>\sqrt[4]{\frac{4m^4}{y^6}} =</math>, если <math>y &lt; 0</math></p>	<p>Вынести множитель из-под знака корня:</p> <p>1) <math>\sqrt[3]{54} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{162} =</math>      3) <math>\sqrt[6]{c^{13}} =</math>      4) <math>\sqrt[8]{a^{10}} =</math>      5) <math>\sqrt[4]{x^6 y^9} =</math>, если <math>x &lt; 0, y &gt; 0</math>      6) <math>\sqrt[4]{81a^6} =</math>, если <math>a &lt; 0</math>      7) <math>\sqrt{\frac{p^6}{18}} =</math>      8) <math>\sqrt[6]{\frac{16m^{13}}{y^6}} =</math>, если <math>y &lt; 0</math></p>	<p>Внести множитель под знак корня:</p> <p>1) <math>4\sqrt[3]{5} =</math>      2) <math>2 \cdot \sqrt[4]{3} =</math>      3) <math>b^2 \cdot \sqrt[5]{a} =</math>      4) <math>2m \cdot \sqrt[6]{c} =</math>, если <math>m &lt; 0</math>,      5) <math>x^2 \cdot \sqrt[6]{x^5 y} =</math>, если <math>x &lt; 0</math>,      6) <math>3c \cdot \sqrt[3]{4c^2 a^2} =</math>      7) <math>\frac{2}{a} \sqrt{\frac{a}{2}} =</math>      8) <math>y \cdot \sqrt[4]{\frac{5}{y^2}} =</math>, если <math>y &lt; 0</math></p>	<p>Внести множитель под знак корня:</p> <p>1) <math>3 \cdot \sqrt[3]{2} =</math>      2) <math>5 \cdot \sqrt[4]{3} =</math>      3) <math>m^2 \cdot \sqrt[5]{m^2} =</math>      4) <math>2m^3 \cdot \sqrt[4]{5} =</math>, если <math>m &lt; 0</math>,      5) <math>x \cdot \sqrt[6]{x^2 y} =</math>, если <math>x &lt; 0</math>,      6) <math>4a^3 \cdot \sqrt[3]{2c^2 a^2} =</math>      7) <math>\frac{3}{b} \sqrt{\frac{b}{27}} =</math>      8) <math>y^3 \cdot \sqrt[4]{\frac{35}{y^6}} =</math>, если <math>y &lt; 0</math></p>
<p>Корень натуральной степени <i>Вариант 9.4.1</i></p> <p>Упростить:</p> <p>1) <math>\sqrt[4]{a^4} =</math>      2) <math>\sqrt[6]{c^6} =</math>, если <math>c &gt; 0</math>.      3) <math>\sqrt{m^2} =</math>, если <math>m &lt; 0</math>.      4) <math>\sqrt{a^4} =</math>      5) <math>\sqrt[3]{-c^6} =</math>      6) <math>\sqrt{x^6} =</math>, если <math>x &lt; 0</math>.      7) <math>\sqrt[4]{a^8} - a^2 =</math>      8) <math>\sqrt[4]{x^4} + 2x =</math>, если <math>x &lt; 0</math>      9) <math>\sqrt[6]{(m-3)^6} =</math>, если <math>m &gt; 3</math>.      10) <math>\sqrt[6]{(m-3)^6} =</math>, если <math>m &lt; 3</math>.</p>	<p>Корень натуральной степени <i>Вариант 9.4.2</i></p> <p>Упростить:</p> <p>1) <math>\sqrt[3]{x^3 y^6} =</math>      2) <math>\sqrt[4]{\frac{c^{12}}{y^4}} =</math>, если <math>c &gt; 0, y &lt; 0</math>.      3) <math>\sqrt{9m^{10}} =</math>, если <math>m &gt; 0</math>.      4) <math>\sqrt[3]{-27m^9} =</math>      5) <math>\sqrt[4]{x^8 a^4} =</math>      6) <math>\sqrt[4]{x^4 a^8} =</math>, если <math>x &lt; 0</math>.      7) <math>\sqrt[4]{81c^4} - 3c =</math>, если <math>c &lt; 0</math>      8) <math>\sqrt[6]{64c^{12}} - 2c^2 =</math>      9) <math>\sqrt[8]{(c-5)^8} =</math>, если <math>c &gt; 5</math>.      10) <math>\sqrt[8]{(5-c)^8} =</math>, если <math>c &gt; 5</math>.</p>	<p>Корень натуральной степени <i>Вариант 9.5.1</i></p> <p>Избавиться от иррациональности в знаменателе:</p> <p>1) <math>\frac{1}{\sqrt[3]{2}} =</math>      2) <math>\frac{2}{\sqrt[4]{a^3}} =</math>      3) <math>\frac{2}{\sqrt[3]{4x}} =</math>      4) <math>\frac{\sqrt{3}}{\sqrt[6]{81}} =</math>      5) <math>\frac{1}{\sqrt[4]{a-1}} =</math>      6) <math>\frac{1}{\sqrt[5]{a-1}} =</math>      7) <math>\frac{c}{\sqrt[3]{ac}} =</math>      8) <math>\frac{2}{\sqrt[3]{a} - \sqrt[3]{b}} =</math>      9) <math>\frac{2}{\sqrt[3]{a^2} + \sqrt[3]{ab} + \sqrt[3]{b^2}} =</math>      10) <math>\frac{2}{\sqrt[3]{a+b}} =</math></p>	<p>Корень натуральной степени <i>Вариант 9.6.1</i></p> <p>Сократить дробь:</p> <p>1) <math>\frac{2}{\sqrt[3]{4}} =</math>      2) <math>\frac{3^2}{\sqrt[3]{3^4}} =</math>      3) <math>\frac{3 \cdot \sqrt[3]{2}}{2 \cdot \sqrt{3}} =</math>      4) <math>\frac{\sqrt[4]{2a^3}}{2a} =</math>      5) <math>\frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{\sqrt[4]{a} - \sqrt[4]{b}} =</math>      6) <math>\frac{a - \sqrt[3]{b}}{\sqrt{a} + \sqrt[6]{b}} =</math>      7) <math>\frac{a-b}{\sqrt[3]{a-b}} =</math>      8) <math>\frac{a-8}{\sqrt[3]{a-2}} =</math>      9) <math>\frac{a-4}{\sqrt[4]{a} + \sqrt{2}} =</math>      10) <math>\frac{x - \sqrt[3]{x^2}}{\sqrt[3]{x}} =</math>      11) <math>\frac{x - \sqrt[3]{x^2}}{\sqrt{x} + \sqrt[3]{x}} =</math></p>

